

## ΜΙΓΑΔΙΚΟΙ

Φανταστική μονάδα $i$	$i^2 = -1, (-i)^2 = -1$
Πραγματικό και φανταστικό μέρος του μιγαδικού $z = \alpha + \beta i$	$\operatorname{Re}(z) = \alpha, \operatorname{Im}(z) = \beta$ $\operatorname{Re}(z) = \frac{z + \bar{z}}{2}, \operatorname{Im}(z) = \frac{z - \bar{z}}{2i}$
Ισότητα δύο μιγαδικών $z_1 = \alpha + \beta i, z_2 = \gamma + \delta i$	$z_1 = z_2 \Leftrightarrow \alpha = \gamma \text{ και } \beta = \delta$
Πράξεις μεταξύ μιγαδικών	$(\alpha + \beta i) + (\gamma + \delta i) = (\alpha + \gamma) + (\beta + \delta)i$ $(\alpha + \beta i) - (\gamma + \delta i) = (\alpha - \gamma) + (\beta - \delta)i$ $(\alpha + \beta i) \cdot (\gamma + \delta i) = (\alpha\gamma - \beta\delta) + (\alpha\delta + \beta\gamma)i$ $\frac{\alpha + \beta i}{\gamma + \delta i} = \frac{\alpha\gamma + \beta\delta}{\gamma^2 + \delta^2} + \frac{\beta\gamma - \alpha\delta}{\gamma^2 + \delta^2}i$
Συζυγής μιγαδικού	$\bar{\bar{z}} = \overline{\alpha + \beta i} = \alpha - \beta i$
Ιδιότητες συζυγούς	$\overline{(\bar{z})} = z, z + \bar{z} = 2\alpha, z - \bar{z} = 2\beta i$ $\overline{z_1 + z_2} = \bar{z}_1 + \bar{z}_2, \overline{z_1 - z_2} = \bar{z}_1 - \bar{z}_2$ $\overline{z_1 \cdot z_2} = \bar{z}_1 \cdot \bar{z}_2, \overline{\left(\frac{z_1}{z_2}\right)} = \frac{\bar{z}_1}{\bar{z}_2}$ $\overline{(z^v)} = (\bar{z})^v, v \in \mathbf{N}$
Δυνάμεις του $i$	$i^{4\rho+v} = i^v = \begin{cases} 1 & \text{αν } v=0 \\ i & \text{αν } v=1 \\ -1 & \text{αν } v=2 \\ i & \text{αν } v=3 \end{cases}$ όπου $\rho, v$ ακέραιοι και $\rho \geq 0, 0 \leq v < 4$
Μέτρο μιγαδικού αριθμού $z = \alpha + \beta i$	$ z  = \sqrt{\alpha^2 + \beta^2}$
Ιδιότητες του μέτρου μιγαδικού αριθμού	$ z  =  -z  =  \bar{z}  =  -\bar{z} $ $z\bar{z} =  z ^2,  z_1 z_2  =  z_1   z_2 $ $\left \frac{z_1}{z_2}\right  = \frac{ z_1 }{ z_2 }, z_2 \neq 0$ $  z_1  -  z_2   \leq  z_1 + z_2  \leq  z_1  +  z_2 $